

ea, que est mese hypodorii, aequiparat in sui dispositione lychanos meson hypophrygii, et perhypate meson hypolydii, nec non hypate meson dorii. Mese autem hypophrygii est paramese hypodorii : mese quoque hypolydii est trite diezeugmenon ejusdem hypodorii : itemque mese dorii est parvete diezeugmenon ejusdem hypodorii ; distat igitur mese dorii diatessaron consonantia (1). Sicque sequentes tropi sese alterutrum in acumine superant, ut neta hyperboleon hypodorii inveniatur, mese hypermixolydii ; facitque eadem hypermixolydii ad dorii mesen consonantiam diapente, ad mesen vero hypodorii resonat consonantiam diapason ; siquidem ea ipsa, que est media primi, est et prima octavi. Quocirca plerumque contingit, ut cantus eminentiorum troporum a sui status rectitudine resolvantur in chordas inferiores. Ex his itaque quatuor dicuntur authentici, id est, magistri vel principales : eisque vicissim supponuntur alii cunctu, qui vocantur plagi, id est, laterales vel particulares (2).

*Indicis a summo capiens exordia primus
Ju minimi primo flexu postrema reponit,
Quæ sedes stat principium finisque secundi,
Tertius a summo rursum capit indicis ortum.
In summo finem distinguens auricularis.
Hic caput et finis quarti dinoscitur esse.
Indicis in medio quintus sumit caput artum,
Et medii finem modulaminis aptat in unque :
Qui locus exortum sexti finemque tuerit.
Indicis hinc radix septeni perficit ortum.
Summus apex medii cuius postrema resumit,
Octavus hac sede caput finemque reponit.*

(1) Supple : *A mese hypodorii.*

(2) Habetur hic in ms. tonarius per omnes octo modos, antiquis notis musicis perscriptus, ob quorum tamen defectum, ut supra monitum, ipsum tonarium omittere necessarium fuit. Postea hoc modo

A prius dividenda est tota linea in quatuor partibus per tria puncta semper a dextero latere procedens, id est, a dextra magada. In primo punto pone P. quæ chorda vocatur neta hyperboleon. In secundo pone H. et vocatur mese. In tertio D. et vocatur lychanos hypaton. In quarto autem pone A. vel in sinistra magada, cuius chorda proslambanovenos. Deinde divide per octo partes usque ad P. et pone novem usque ad O. et erit tonus, cuius chorda vocatur trite hyperboleon : et iterum octo partes usque ad O. et novem usque ad N. et erit tonus ; chorda ejus vocatur trite hyperboleon. Et haec sunt sesquioclavæ proportiones. Deinde divide usque ad P. in tres partes, et in quarta pone M. et erit symphonia diatessaron ; chorda ejus vocatur trite diezeugmenon. Divide iterum in duas partes usque ad P. et in tertia pone I. et erit symphonia diapente ; chorda ejus vocatur paramese. Porro divide ab I. usque ad II. et in horum medio superpone figuram trite, cuius chorda vocatur trite synemon. Item divide usque ad I. in duas partes, et in tertia pone G. et iterum erit symphonia diapente, cuius chorda vocatur lychanos meson. Divide iterum in duas partes usque ad H. et in tertia pone F. cuius chorda vocatur parhypatemeson. Divide iterum in duas partes usque ad I. et in tertia pone E. cojus chorda vocatur hypate meson. Item divide usque ad F. in tres partes, et in quarta pone C. et erit symphonia diatessaron, cuius chorda vocatur parhypate hypaton. Divide item usque ad E. C in tres partes, et in quarta pone B. cuius chorda vocatur hypate hypaton (3).

pergit : *Indicis*, etc.

(3) Haec in fine manca esse videntur. Sequitur inde de octo tonis, ut supra, in ALCUINO, et in AURELIANO habetur; quæ, ne itidem repetantur, omisimus.

ANONYMI III FRAGMENTUM MUSICIS.

Ab omni superparticulari si continuam ei superpar- ticulari *quis auferat proportionem etc. Ac si dixisset : Si minor proportio de majore detrahatur pro-* portione, id, quod relinquitur, geminatum non efficit integratatem minoris proportionis, quæ auferatur. Verbi gratia : Tolle diatessaron, de diapente, id est, duos tonos et semitonium de tribus tonis et semitonio, et remanet tonus : qui geminatus non efficit integrum diatessaron, remanet enim semitonium. Iterum sesquiquarta auferatur de sesquitertia, remanet semitonium : nam sesquiquarta duobus tonis constat. Ipso semitonio triplicato sesquitertia non pervenit ad integratatem sesquiquartæ. Idque in cæteris, hoc est, sesquiquinta tollatur de sesqui-

D quartâ, remanet diesis, id est, quarta pars toni : nam sesquiquinta constat ex tono, et semitonio et diesi. Diesis autem quadruplicata, quia sesquiquarta est, tonum integrum efficit, et remanet semitonium et diesis, vel ulterius. Sed tamen si hoc feceris in arithmeticis proportionibus, usque ad infinitum progreditur. Nam si sesquiterium de sesquialtero tollas, quod remanserit, si duplicaveris, ad sesquiteriam usque proportionem pervenire nequibil, quoniam sesquiocava proportio, quæ remanet ; duplicata integratatem sesquitertiæ implere non poterit. Quod probari potest etiam in sesquiquarta et sesquiquinta.

Ab omni superparticulari si continuam ei super-

particularem quis auferat proportionem. Quod dicit, A his exemplis probari potest. Sit propositus terminus **ānos** et idem, ad quem aptetur sesquialtera et sesquiteria proportio. Hic sit **v.** ad quem **viii.** sesquialter est, **viii.** vero sesquiterius: qui disponantur hoc modo. **v.** **viii.** **viii.** Et quoniam hae duce proportiones continue superparticulares sunt, in tribus terminis constitutae **v.** **viii.** **viii.** auferamus primum terminum, ad quem **viii.** est sesquiterius, **viii.** sesquialter, remanet **vii.** et **viii.** qui sesqui-octavi sunt. Sed sesquioctava proportio non est medietas minoris proportionis, id est, sesquiteriae; quoniam duplicita non efficit eam, sed minor est. Duplicemus igitur sesquioctavam proportionem, et sint tres numeri ita dispositi, qui a proportione **viii.** et **viii.** non recedant, sicutque octies **viii.** et octies **viii.** et novies **viii.** id est, **lxviii.** **lxviii.** **lxxi.** vel duo, quoniam primus ad secundum et secundus ad tertium sesquioctavam constituent habitudinem; sed tertius ad primum minus est quam sesquiterius. Non est ergo sesquioctavus medietas sesquiterii. Et in omnibus superparticularibus continuis hoc speculandum est, quoniam si minor a majore subtrahitur, id quod relinquitur, minus est medietate subtractae proportionis, quoniam duplicita non ei coequatur, quod monstrat subjecta descriptio. Itius descriptionis haec ratio est **x.** et **vii.** et **x.** et **viii.** sesquiseptimam decimam proportionem inter se habeant, quae sola sesquiseptima decima in sola unitate intelligitur. Si iterum alteram sesquiseptimam decimam proportionem addidero, erunt **v.** et si **v.** addam super **x.** et **vii.** id est, bis sesquiseptimam decimam, erunt **x.** et **viii.** qui **x.** et **viii.**

(1) Vid. Boet. p. 4025 et 4130 edit. Basileensi anno 1516.

A non statunt sesquioctavam proportionem ad **x.** et **vii.** nam deest octava pars unitatis, et ex hoc intelligitur, quia non faciunt due sesquiseptimae decimae tonum integrum. De **x.** et **vii.** **v.** et octava pars omnis sunt octava pars, qui duo et octava pars uni si addantur et **x.** et **vii.** sunt **x.** et **viii.** et octava pars unitatis ad **x.** et **vii.** sesquioctavos. Est autem haec ratio necessaria primo capitulo sequentis libri.

Si superparticularis proportio binario multiplicatur, id quod fit, neque superparticularare est neque multiples etc. (1). Binario dicitur multiplicari proportio, quando ea duplicatur, et qualis sit prima talis est et secunda; id est, quemadmodum habet se primus terminus ad secundum, sic secundus se habet ad tertium. Si superparticularis proportio, ut **iii.** ad **v.** huc quoniam una est, binario multiplicetur: his enim unum **v.** fluit. Oportet ergo, ut sunt **iii.** ad **v.** sic esse **v.** ad alium quilibet numerum, hic sunt **viii.** duo, quoniam novem ad **iii.** nec multiplex est, nec superparticularare. Quod si id, quod ex tali multiplicatione nascetur, neque multiplex est neque superparticularare: tamen illud, quod multiplicatum est, vel superparticularia vel alterius generis, non vero multiplicis (erit). Quod ex priori multiplicatione natum est, duplex sesquiquartus est, ut sunt **viii.** ad **iii.** id neque multiplex neque superparticularare est, sed multiplex superparticularis. Et quod binario multiplicatum est, multiplicis generis, non est, sed vel superparticularis vel alterius generis. At hic neque multiplicis neque alterius, sed diffinita superparticularis est multiplicata sesquialtera proportio. Est vero haec ratio necessaria decimo capitulo hujus libri.

MENSURA MONOCHORDI BOETHII

Ex codice Benedicto-Burano Sæc. XII.

Totum monochordum partire in primis in quatuor, et in initio monochordi pone **F.** et in primo passu fac **B.** in secundo **F.** mese, in tertio **F.** quartus finit. Tunc a fine fac tres passus in ultimum **F.** duo in acutissimum, et in quarto passu habes **c.** superius. Item a fine fac duos passus in eamdem **F.** et in tertio habes **b.** superius. Tunc ab eadem **b.** fac ad finem quatuor passus, quorum primus finit in superius **e.** item a fine fac duos passus in eamdem **e.** et retro in tertio habes **a.** superius. Tunc ab eodem **a.** fac ad finem quatuor passus, quorum primus terminus finalatur in **D.** superius. A fine fac tres passus in **C.** superius, et retro in quarto habes **G.** superius. A fine fac duos passus in **D.** superius, et retro tertium **G.** synenimenon. Postea duplia spatium uniuscun-

D jusque litteræ in suum æquivocum. id est, fac unum passum a fine, id est, ab acutissime in unanquamque litterarum superiorum, secundum passum in summa cognominem gravem.

MENSURA MONOCHORDI.

Ex Cod. S. Blas. sac. XII.

Monochordum disparaturus totam epiphanyam inveni partes distribue, et in primo puncto singulari partis **F.** notato, in secundo **A.** in quarto **B.** in quinto **F.**

a d 2
in sexto **A.** in septimo **D.** in octavo **a.** Item usque **A.** in noveni disparetur linea, et proteniet in primo ab **A.** secundo **B.** in tertio **E.** in quinto **b.** quadrat-

b
tum, in sexto **e.** in septimo **b.** Item tota epiphany in quatuor resoluta in sinistro secundæ partis puncto